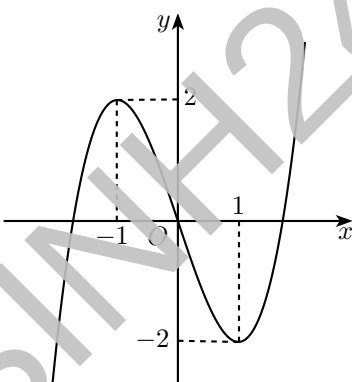
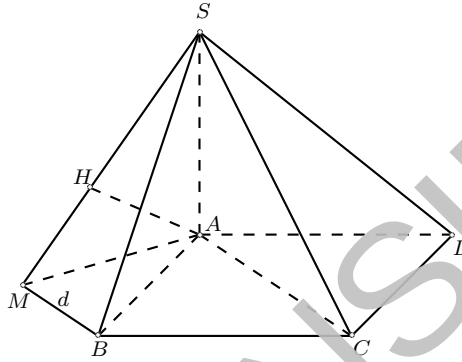
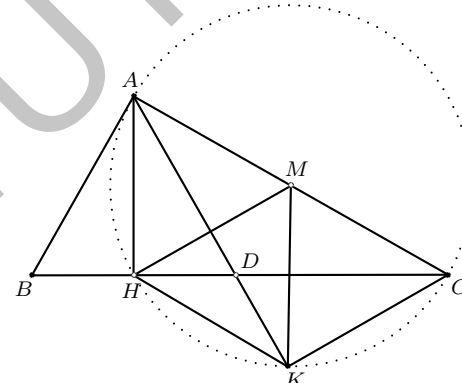


| Câu                                                                                                                                           | Đáp án (Trang 01)                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     | Điểm      |           |      |     |           |           |           |      |  |     |     |     |     |     |     |           |     |  |      |  |           |      |
|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------|-----------|------|-----|-----------|-----------|-----------|------|--|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----------|-----|--|------|--|-----------|------|
| 1<br>(1,0đ)                                                                                                                                   | <ul style="list-style-type: none"><li>• Tập xác định: <math>D = \mathbb{R}</math>.</li><li>• Sự biến thiên:<ul style="list-style-type: none"><li>- Chiều biến thiên: <math>y' = 3x^2 - 3</math>; <math>y' = 0 \Leftrightarrow x = \pm 1</math>.</li></ul></li></ul>                                                                                                                                                                                                                                                                                                   | 0,25      |           |      |     |           |           |           |      |  |     |     |     |     |     |     |           |     |  |      |  |           |      |
|                                                                                                                                               | <p>Các khoảng đồng biến: <math>(-\infty; -1)</math> và <math>(1; +\infty)</math>; khoảng nghịch biến: <math>(-1; 1)</math>.</p> <ul style="list-style-type: none"><li>- Cực trị: Hàm số đạt cực đại tại <math>x = -1</math>, <math>y_{\text{cd}} = 2</math>; đạt cực tiểu tại <math>x = 1</math>, <math>y_{\text{ct}} = -2</math>.</li><li>- Giới hạn tại vô cực: <math>\lim_{x \rightarrow -\infty} y = -\infty</math>; <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} y = +\infty</math>.</li></ul>                                                                             | 0,25      |           |      |     |           |           |           |      |  |     |     |     |     |     |     |           |     |  |      |  |           |      |
|                                                                                                                                               | <ul style="list-style-type: none"><li>• Bảng biến thiên:</li></ul> <table><tr><td><math>x</math></td><td><math>-\infty</math></td><td><math>-1</math></td><td></td><td><math>1</math></td><td></td><td><math>+\infty</math></td></tr><tr><td><math>y'</math></td><td></td><td><math>+</math></td><td><math>0</math></td><td><math>-</math></td><td><math>0</math></td><td><math>+</math></td></tr><tr><td><math>y</math></td><td><math>-\infty</math></td><td><math>2</math></td><td></td><td><math>-2</math></td><td></td><td><math>+\infty</math></td></tr></table> | $x$       | $-\infty$ | $-1$ |     | $1$       |           | $+\infty$ | $y'$ |  | $+$ | $0$ | $-$ | $0$ | $+$ | $y$ | $-\infty$ | $2$ |  | $-2$ |  | $+\infty$ | 0,25 |
|                                                                                                                                               | $x$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   | $-\infty$ | $-1$      |      | $1$ |           | $+\infty$ |           |      |  |     |     |     |     |     |     |           |     |  |      |  |           |      |
|                                                                                                                                               | $y'$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  |           | $+$       | $0$  | $-$ | $0$       | $+$       |           |      |  |     |     |     |     |     |     |           |     |  |      |  |           |      |
| $y$                                                                                                                                           | $-\infty$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             | $2$       |           | $-2$ |     | $+\infty$ |           |           |      |  |     |     |     |     |     |     |           |     |  |      |  |           |      |
| <ul style="list-style-type: none"><li>• Đồ thị:</li></ul>  | 0,25                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  |           |           |      |     |           |           |           |      |  |     |     |     |     |     |     |           |     |  |      |  |           |      |
|                                                                                                                                               |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |           |           |      |     |           |           |           |      |  |     |     |     |     |     |     |           |     |  |      |  |           |      |
| 2<br>(1,0đ)                                                                                                                                   | Ta có $f(x)$ xác định và liên tục trên đoạn $[1; 3]$ ; $f'(x) = 1 - \frac{4}{x^2}$ .                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  | 0,25      |           |      |     |           |           |           |      |  |     |     |     |     |     |     |           |     |  |      |  |           |      |
|                                                                                                                                               | Với $x \in [1; 3]$ , $f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = 2$ .                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              | 0,25      |           |      |     |           |           |           |      |  |     |     |     |     |     |     |           |     |  |      |  |           |      |
|                                                                                                                                               | Ta có $f(1) = 5$ , $f(2) = 4$ , $f(3) = \frac{13}{3}$ .                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               | 0,25      |           |      |     |           |           |           |      |  |     |     |     |     |     |     |           |     |  |      |  |           |      |
|                                                                                                                                               | Giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của $f(x)$ trên đoạn $[1; 3]$ lần lượt là 5 và 4.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                | 0,25      |           |      |     |           |           |           |      |  |     |     |     |     |     |     |           |     |  |      |  |           |      |
| 3<br>(1,0đ)                                                                                                                                   | a) Ta có $(1 - i)z - 1 + 5i = 0 \Leftrightarrow z = 3 - 2i$ .                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         | 0,25      |           |      |     |           |           |           |      |  |     |     |     |     |     |     |           |     |  |      |  |           |      |
|                                                                                                                                               | Do đó số phức $z$ có phần thực bằng 3, phần ảo bằng $-2$ .                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            | 0,25      |           |      |     |           |           |           |      |  |     |     |     |     |     |     |           |     |  |      |  |           |      |
|                                                                                                                                               | b) Phương trình đã cho tương đương với $x^2 + x + 2 = 8$                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              | 0,25      |           |      |     |           |           |           |      |  |     |     |     |     |     |     |           |     |  |      |  |           |      |
|                                                                                                                                               | $\Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ x = -3. \end{cases}$<br>Vậy nghiệm của phương trình là $x = 2$ ; $x = -3$ .                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   | 0,25      |           |      |     |           |           |           |      |  |     |     |     |     |     |     |           |     |  |      |  |           |      |
|                                                                                                                                               |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |           |           |      |     |           |           |           |      |  |     |     |     |     |     |     |           |     |  |      |  |           |      |

| Câu         | Đáp án (Trang 02)                                                                                                                                                                               | Điểm                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |      |
|-------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------|
| 4<br>(1,0đ) | Đặt $u = x - 3$ ; $dv = e^x dx$ . Suy ra $du = dx$ ; $v = e^x$ .                                                                                                                                | 0,25                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |      |
|             | Khi đó $I = (x - 3)e^x \Big _0^1 - \int_0^1 e^x dx$                                                                                                                                             | 0,25                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |      |
|             | $= (x - 3)e^x \Big _0^1 - e^x \Big _0^1$                                                                                                                                                        | 0,25                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |      |
|             | $= 4 - 3e$ .                                                                                                                                                                                    | 0,25                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |      |
| 5<br>(1,0đ) | Ta có $\overrightarrow{AB} = (1; 3; 2)$ .                                                                                                                                                       | 0,25                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |      |
|             | Đường thẳng $AB$ có phương trình $\frac{x - 1}{1} = \frac{y + 2}{3} = \frac{z - 1}{2}$ .                                                                                                        | 0,25                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |      |
|             | Gọi $M$ là giao điểm của $AB$ và $(P)$ . Do $M$ thuộc $AB$ nên $M(1 + t; -2 + 3t; 1 + 2t)$ .                                                                                                    | 0,25                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |      |
|             | $M$ thuộc $(P)$ nên $1 + t - (-2 + 3t) + 2(1 + 2t) - 3 = 0$ , suy ra $t = -1$ . Do đó $M(0; -5; -1)$ .                                                                                          | 0,25                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |      |
| 6<br>(1,0đ) | a) Ta có $\cos 2\alpha = 1 - 2\sin^2 \alpha = \frac{1}{9}$ .                                                                                                                                    | 0,25                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |      |
|             | Suy ra $P = \left(1 - \frac{1}{3}\right)\left(2 + \frac{1}{3}\right) = \frac{14}{9}$ .                                                                                                          | 0,25                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |      |
|             | b) Số phần tử của không gian mẫu là $C_{25}^3 = 2300$ .                                                                                                                                         | 0,25                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |      |
|             | Số kết quả thuận lợi cho biến cố “có ít nhất 2 đôi của các Trung tâm y tế cơ sở” là $C_{20}^2 \cdot C_5^1 + C_{20}^3 = 2090$ . Xác suất cần tính là $p = \frac{2090}{2300} = \frac{209}{230}$ . | 0,25                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |      |
| 7<br>(1,0đ) |                                                                                                              | Ta có $\widehat{SCA} = (\widehat{SC}, (\widehat{ACD})) = 45^\circ$ ,<br>suy ra $SA = AC = \sqrt{2}a$ .                                                                                                                                                                                                 | 0,25 |
|             |                                                                                                                                                                                                 | $V_{S.ABCD} = \frac{1}{3} SA \cdot S_{ABCD} = \frac{1}{3} \cdot \sqrt{2}a \cdot a^2 = \frac{\sqrt{2}a^3}{3}$ .                                                                                                                                                                                         | 0,25 |
|             |                                                                                                                                                                                                 | Kẻ đường thẳng $d$ qua $B$ và song song $AC$ . Gọi $M$ là hình chiếu vuông góc của $A$ trên $d$ ; $H$ là hình chiếu vuông góc của $A$ trên $SM$ . Ta có $SA \perp BM$ , $MA \perp BM$ nên $AH \perp BM$ . Suy ra $AH \perp (SBM)$ .<br>Do đó $d(AC, SB) = d(A, (SBM)) = AH$ .                          | 0,25 |
|             |                                                                                                                                                                                                 | Tam giác $SAM$ vuông tại $A$ , có đường cao $AH$ , nên $\frac{1}{AH^2} = \frac{1}{SA^2} + \frac{1}{AM^2} = \frac{5}{2a^2}$ .<br>Vậy $d(AC, SB) = AH = \frac{\sqrt{10}a}{5}$ .                                                                                                                          | 0,25 |
| 8<br>(1,0đ) |                                                                                                              | Gọi $M$ là trung điểm $AC$ . Ta có $MH = MK = \frac{AC}{2}$ ,<br>nên $M$ thuộc đường trung trực của $HK$ . Đường trung trực của $HK$ có phương trình $7x + y - 10 = 0$ , nên tọa độ của $M$ thỏa mãn hệ $\begin{cases} x - y + 10 = 0 \\ 7x + y - 10 = 0 \end{cases}$ .<br>Suy ra $M(0; 10)$ .         | 0,25 |
|             |                                                                                                                                                                                                 | Ta có $\widehat{HKA} = \widehat{HCA} = \widehat{HAB} = \widehat{HAD}$ , nên $\Delta AHK$ cân tại $H$ , suy ra $HA = HK$ . Mà $MA = MK$ , nên $A$ đối xứng với $K$ qua $MH$ .                                                                                                                           | 0,25 |
|             |                                                                                                                                                                                                 | Ta có $\overrightarrow{MH} = (5; 15)$ ; đường thẳng $MH$ có phương trình $3x - y + 10 = 0$ . Trung điểm $AK$ thuộc $MH$ và $AK \perp MH$ nên tọa độ điểm $A$ thỏa mãn hệ $\begin{cases} 3\left(\frac{x + 9}{2}\right) - \left(\frac{y - 3}{2}\right) + 10 = 0 \\ (x - 9) + 3(y + 3) = 0 \end{cases}$ . | 0,25 |
|             |                                                                                                                                                                                                 | Suy ra $A(-15; 5)$ .                                                                                                                                                                                                                                                                                   | 0,25 |

| Câu          | Đáp án (Trang 03)                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          | Điểm |
|--------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------|
| 9<br>(1,0đ)  | Điều kiện: $x \geq -2$ . Phương trình đã cho tương đương với<br>$\frac{(x-2)(x+4)}{x^2-2x+3} = \frac{(x+1)(x-2)}{\sqrt{x+2}+2} \Leftrightarrow \begin{cases} x=2 \\ \frac{x+4}{x^2-2x+3} = \frac{x+1}{\sqrt{x+2}+2} \end{cases} \quad (1).$                                                                                                | 0,25 |
|              | Ta có $(1) \Leftrightarrow (x+4)(\sqrt{x+2}+2) = (x+1)(x^2-2x+3)$<br>$\Leftrightarrow (\sqrt{x+2}+2)[(\sqrt{x+2})^2+2] = [(x-1)+2][(x-1)^2+2] \quad (2)$<br>Xét hàm số $f(t) = (t+2)(t^2+2)$ .<br>Ta có $f'(t) = 3t^2+4t+2$ , suy ra $f'(t) > 0, \forall t \in \mathbb{R}$ , nên $f(t)$ đồng biến trên $\mathbb{R}$ .                      | 0,25 |
|              | Do đó $(2) \Leftrightarrow f(\sqrt{x+2}) = f(x-1) \Leftrightarrow \sqrt{x+2} = x-1 \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 1 \\ x^2-3x-1=0 \end{cases}$                                                                                                                                                                                       | 0,25 |
|              | $\Leftrightarrow x = \frac{3+\sqrt{13}}{2}$ .<br>Đối chiếu điều kiện, ta được nghiệm của phương trình đã cho là $x=2; x = \frac{3+\sqrt{13}}{2}$ .                                                                                                                                                                                         | 0,25 |
| 10<br>(1,0đ) | Đặt $t = ab + bc + ca$ .<br>Ta có $36 = (a+b+c)^2 = \frac{1}{2}[(a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2] + 3t \geq 3t$ . Suy ra $t \leq 12$ .<br>Mặt khác, $(a-1)(b-1)(c-1) \geq 0$ , nên $abc \geq ab+bc+ca-5 = t-5$ ;<br>và $(3-a)(3-b)(3-c) \geq 0$ , nên $3t = 3(ab+bc+ca) \geq abc+27 \geq t+22$ . Suy ra $t \geq 11$ .<br>Vậy $t \in [11; 12]$ . | 0,25 |
|              | Khi đó $P = \frac{a^2b^2+b^2c^2+c^2a^2+2abc(a+b+c)+72}{ab+bc+ca} - \frac{abc}{2}$<br>$= \frac{(ab+bc+ca)^2+72}{ab+bc+ca} - \frac{abc}{2} \leq \frac{t^2+72}{t} - \frac{t-5}{2} = \frac{t^2+5t+144}{2t}$ .                                                                                                                                  | 0,25 |
|              | Xét hàm số $f(t) = \frac{t^2+5t+144}{2t}$ , với $t \in [11; 12]$ . Ta có $f'(t) = \frac{t^2-144}{2t^2}$ .<br>Do đó $f'(t) \leq 0, \forall t \in [11; 12]$ , nên $f(t)$ nghịch biến trên đoạn $[11; 12]$ .<br>Suy ra $f(t) \leq f(11) = \frac{160}{11}$ . Do đó $P \leq \frac{160}{11}$ .                                                   | 0,25 |
|              | Ta có $a=1, b=2, c=3$ thỏa mãn điều kiện của bài toán và khi đó $P = \frac{160}{11}$ .<br>Vậy giá trị lớn nhất của $P$ bằng $\frac{160}{11}$ .                                                                                                                                                                                             | 0,25 |

Hết