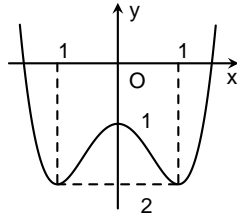


— GÌC - PHÂN TÍCH ĐÓNG XÁC XÁC TỰ TÊN.

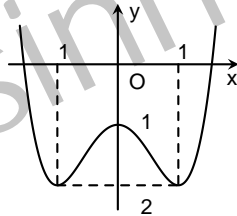
Câu 1. Cho hàm số $f(x)$ thành phần $f(x) = \frac{1}{4}x^4 - x^3 + 2x^2 - 3x + 1$. Giá trị cực đại của hàm số bằng



- (A) 1. (B) 2. (C) 1. (D) 0.

Lời giải. $y_c = 1$ khi $x_c = 0$.

Câu 2. Cho hàm số $f(x)$ thành phần $f(x) = \frac{1}{4}x^4 - x^3 + 2x^2 - 3x + 1$. Hàm số $f(x)$ cho cùng biến thiên trong khoảng nào dưới đây?



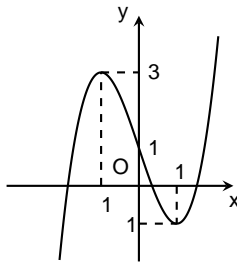
- (A) $(-1; 0)$. (B) $(-1; 1)$. (C) $(-1; +1)$. (D) $(0; 1)$.

Lời giải.

Hàm số cùng biến thiên $(-1; 0)$ và $(1; +1)$.

Hàm số nghịch biến trên $(-1; 1)$ và $(0; 1)$.

Câu 3. Định công trong phần $f(x) = \frac{1}{4}x^4 - x^3 + 2x^2 - 3x + 1$ thành phần của hàm số nào dưới đây?



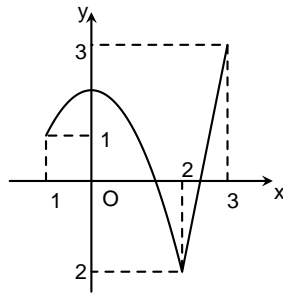
- (A) $y = x^3 - 3x + 1$. (B) $y = x^3 - 3x$. (C) $y = x^3 + 3x + 1$. (D) $y = x^3 - 3x + 3$.

Lời giải.

$\left. \begin{array}{l} y(1) = 3 \\ y(1) = 1 \\ y(0) = 1 \\ y'(1) = 0 \end{array} \right\}$	$\left. \begin{array}{l} a + b + c + d = 3 \\ a + b + c + d = 1 \\ d = 1 \\ 3a - 2b + c = 0 \end{array} \right\}$	$\left. \begin{array}{l} a = 1 \\ b = 0 \\ c = 3 \\ d = 1 \end{array} \right\}$			

Vậy $y = x^3 - 3x + 1$.

Câu 4. Cho hàm số $y = f(x)$ liên tục trên $[1; 3]$ và thành phần $f(x) = \frac{1}{4}x^4 - x^3 + 2x^2 - 3x + 1$. Gọi M và m lần lượt là giá trị lớn nhất, giá trị nhỏ nhất của hàm số $f(x)$ cho trên $[1; 3]$. Giá trị $M + m$ bằng



- (A) 1. (B) 2. (C) 3. (D) 5.

Lời giải. $M = f(3) = 3; m = f(2) = -2 \Rightarrow M + m = 1$.

Câu 5. Với a, b hai số thực dương tùy ý. Khi đó $\ln \frac{ab^2}{a+1} = \ln a + 2 \ln b - \ln(a+1)$

- (A) $\ln a + 2 \ln b - \ln(a+1)$. (B) $\ln a + \ln b - \ln(a+1)$.
 (C) $\ln a + 2 \ln b + \ln(a+1)$. (D) $2 \ln b$.

Lời giải. $I = \ln \frac{ab^2}{a+1} = \ln \frac{a}{a+1} + \ln b^2 = 2 \ln b + \ln a - \ln(a+1)$

Câu 6. Tìm tập nghiệm của phương trình $2x^2 + x + 3 = 1$.

- (A) $0; \frac{1}{2}$. (B) \emptyset . (C) $\frac{1}{2}$. (D) $0; \frac{1}{2}$.

Lời giải. Pt, $2x^2 + x + 3 = 1 \Rightarrow 2x^2 + x + 2 = 0$
 $\Delta = 1 - 16 = -15 < 0$ nên phương trình vô nghiệm.

Câu 7. Cho hàm số $y = f(x)$ của bảng biến thiên như hình vẽ.

x	1	0	2	+1
$f'(x)$		+	0	
f(x)	3		4	
		2		2

Tổng số điểm cực đại và cực tiểu của hàm số là

- (A) 3. (B) 4. (C) 2. (D) 1.

Lời giải. $\lim_{x \rightarrow 1^-} y = 3; \lim_{x \rightarrow 1^+} y = 2$ (TCN: $y = 3; y = 2; \lim_{x \rightarrow 0^+} y = 1$) TC: $x = 0$

Câu 8. Cho $\int_1^R f(x) dx = 2$ và $\int_1^R 2g(x) dx = 8$. Khi đó $\int_1^R f(x) + g(x) dx =$

- (A) 6. (B) 10. (C) 18. (D) 0.

Lời giải. $\int_1^R f(x) dx = 2$ và $\int_1^R g(x) dx = 4 \Rightarrow \int_1^R f(x) + g(x) dx = 6$

Câu 9. Hàm nguyên hàm của hàm số $f(x) = e^{2x} + x^2$ là

- (A) $F(x) = \frac{e^{2x}}{2} + \frac{x^3}{3} + C$. (B) $F(x) = e^{2x} + x^3 + C$. (C) $F(x) = 2e^{2x} + 2x + C$. (D) $F(x) = e^{2x} + \frac{x^3}{3} + C$.

Lời giải. $F(x) = \int (e^{2x} + x^2) dx = \frac{e^{2x}}{2} + \frac{x^3}{3} + C$

Câu 10. Trong không gian Oxyz cho hai điểm A(2; 3; 4) và B(3; 0; 1). Khi đó độ dài vectơ \vec{AB} là

- (A) $\sqrt{19}$. (B) 19. (C) $\sqrt{13}$. (D) 13.

Lời giải. $|\vec{AB}| = \sqrt{(3-2)^2 + (0-3)^2 + (1-4)^2} = \sqrt{1+9+9} = \sqrt{19}$

Câu 11. Trong không gian Oxyz mặt phẳng (Oxy) cắt trục Oz tại

- (A) $z = 0$. (B) $x = 0$. (C) $y = 0$. (D) $x + y = 0$.

Lời giải. (Oxy) : $z = 0$; (Oxz) : $y = 0$; (Oyz) : $x = 0$

Câu 12. Trong không gian Oxyz đường thẳng d : $\frac{x}{2} = \frac{y}{1} = \frac{z}{3}$ đi qua điểm nào dưới đây

- (A) (3; 1; 3). (B) (2; 1; 3). (C) (3; 1; 2). (D) (3; 2; 3).

Lời giải. Thay vào.

Câu 13. Thể tích của khối hộp chữ nhật các cạnh liên tiếp là $2a$; $3a$; b bằng

- (A) $6a^3$. (B) $3a^3$. (C) a^3 . (D) $2a^3$.

Lời giải. $V = a \cdot 2a \cdot 3a = 6a^3$ (vtt)

Câu 14. Tổng hệ số của x^3 trong khai triển nhị thức $(a + 2b)^5$.

- (A) 40. (B) $40a^3b^2$. (C) 10. (D) $10a^3b^2$.

Lời giải. $(a + 2b)^5 = C_5^k \cdot a^{5-k} \cdot (2b)^k = 2^k \cdot C_5^k \cdot a^{5-k} \cdot b^k$. Tổng hệ số x^3 là : $2^2 \cdot C_5^2 = 40$.

Câu 15. Tập xác định của hàm số $y = \log(x^2 - 1)$

- (A) (1 ; 1) [(1; +1)). (B) (1 ; 1). (C) (1; +1)). (D) (1; 1).

Lời giải. $KX: x^2 - 1 > 0, x < 1; x > 1$ D = (1 ; 1) [(1; +1)

Câu 16. Cho khối nân cân đều có đường sinh bằng $2a$, góc giữa đường sinh và trục z bằng 60° . Thể tích của khối nân là

- (A) $\frac{a^3 \sqrt{3}}{3}$. (B) $\frac{a^3}{3\sqrt{3}}$. (C) $\frac{a^3 \sqrt{2}}{3}$. (D) $\frac{a^3}{3}$.

Lời giải. $V = \frac{1}{3} \cdot h \cdot S = \frac{1}{3} \cdot h \cdot R^2 = \frac{1}{3} \cdot a \sqrt{3} \cdot a^2 = \frac{a^3 \sqrt{3}}{3}$ (vtt)

Câu 17. Trong không gian Oxyz cho hai điểm A(1; 2; 3) và B(3; 2; 1). Phương trình mặt cầu đi qua trung điểm AB

- (A) $(x - 2)^2 + (y - 2)^2 + (z - 2)^2 = 2$. (B) $(x - 2)^2 + (y - 2)^2 + (z - 2)^2 = 4$.
(C) $x^2 + y^2 + z^2 = 2$. (D) $(x - 1)^2 + y^2 + (z - 1)^2 = 4$.

Lời giải. Tâm I (2; 2; 2); $R = \frac{AB}{2} = \sqrt{2}$. Mặt cầu đi qua trung điểm AB: $(x - 2)^2 + (y - 2)^2 + (z - 2)^2 = 2$.

Câu 18. Tập nghiệm của bất phương trình $\frac{1}{3} > \frac{1}{27} > \frac{1}{3}$

- (A) $3 < x < 1$. (B) $1 < x < 3$. (C) $1 < x < 3$. (D) $x < 3; x > 1$.

Lời giải. Bpt, $x^2 + 2x < 3, 3 < x < 1$.

Câu 19. Đạo hàm của hàm số $y = x \cdot e^{x+1}$

- (A) $y' = (1 + x)e^{x+1}$. (B) $y' = (1 - x)e^{x+1}$. (C) $y' = e^{x+1}$. (D) $y' = xe^x$.

Lời giải. $y' = e^{x+1} + x \cdot e^{x+1} = (x + 1) \cdot e^{x+1}$

Câu 20. Nếu $\log_5 3 = a$, khi đó $\log_{81} 75$ bằng

- (A) $\frac{1}{2a} + \frac{1}{4}$. (B) $\frac{1}{2}a + \frac{1}{4}$. (C) $\frac{a+1}{4}$. (D) $\frac{a+2}{4a}$.

Lời giải. $\log_{81} 75 = \frac{1}{4} \log_3 25 + \log_3 3 = \frac{1}{2 \log_5 3} + \frac{1}{4} = \frac{1}{2a} + \frac{1}{4}$

Câu 21. Thể tích của khối tứ diện có các cạnh bằng

- (A) $\frac{2}{12}a^3$. (B) a^3 . (C) $6a^3$. (D) $\frac{1}{12}a^3$.

Lời giải. $AH = \frac{P_{\Delta BCD}}{BC} = \frac{\frac{\sqrt{3}}{4} a^2}{a} = \frac{\sqrt{3}}{4} a$

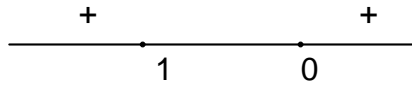
$V = \frac{1}{3} \cdot AH \cdot S_{\Delta BCD} = \frac{1}{3} \cdot \frac{\sqrt{3}}{4} a \cdot \frac{\sqrt{3}}{4} a^2 = \frac{1}{12} a^3$ (vdt)

Câu 22. Cho hàm số $f(x)$ có đạo hàm $f'(x) = x^{2019}(x-1)^2(x+1)^3$. Số điểm cực trị của hàm số $f(x)$ là

- (A) 1. (B) 1. (C) 0. (D) 3.

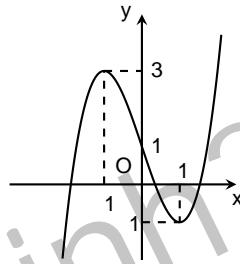
Lời giải.

Xét dấu $f'(x)$:



Hàm số đạt cực trị tại $x = 1$, cực tiểu tại $x = 0$. Suy ra hàm số có 2 cực trị, 1 cực tiểu.

Câu 23. Cho hàm số $y = f(x)$ có đồ thị như hình vẽ. Số nghiệm của phương trình $f(x) - 3 = 0$ là



- (A) 3. (B) 2. (C) 1. (D) 0.

Lời giải. PT, $f(x) = \frac{3}{2}$ Suy ra phương trình tương đương có nghiệm phân biệt.

Câu 24. Tìm tập hợp tất cả các giá trị thực của tham số m để hàm số $y = x^3 - 3x^2 + (2m - 1)x + 2019$ đồng biến trên $(2; +\infty)$.

- (A) $m > \frac{1}{2}$. (B) $m < \frac{1}{2}$. (C) $m = \frac{1}{2}$. (D) $m = 0$.

Lời giải. $y' = 3x^2 - 6x + 2m - 1$ HS % $(2; +\infty)$, $3x^2 - 6x + 2m - 1 \geq 0; 8x > 2, 2m + 1 \geq 3x^2 - 6x = g(x); 8x > 2$. Suy ra $2m - m_{\min}(x) = 0, m \geq \frac{1}{2}$

Câu 25. Hàm số $y = \log_3(x^3 - x)$ có đạo hàm là

- (A) $y' = \frac{3x^2 - 1}{(x^3 - x) \ln 3}$. (B) $y' = \frac{3x^2 - 1}{(x^3 - x)}$. (C) $y' = \frac{1}{(x^3 - x) \ln 3}$. (D) $y' = \frac{3x - 1}{(x^3 - x) \ln 3}$.

Lời giải. $y' = \frac{x^3 - x^0}{x^3 - x : \ln 3} = \frac{3x^2 - 1}{x^3 - x : \ln 3}$

Câu 26. Một người gửi tiết kiệm ngân hàng với lãi suất 0,5% mỗi tháng theo cách sau: mỗi tháng (vào đầu tháng) người gửi tiền vào ngân hàng 10 triệu đồng cùng với ngân hàng tính lãi suất (lãi suất không tính tiền) dựa trên số tiền tiết kiệm thực tế của tháng đó. Hỏi sau 60 tháng, số tiền của người gửi tiền đã tích lũy được sẽ là bao nhiêu (chỉ tính lãi, tiền và triệu đồng)?

- (A) 701; 19. (B) 701; 47. (C) 701; 12. (D) 701.

Lời giải. Tiền thu được cuối mỗi tháng là:

Tháng 1: $T_1 = 10 + 10 \cdot 0,5\% = 10(1 + 0,5\%)$.

Tháng 2: $T_2 = 10 + 10 \cdot 0,5\% + 10 + 0,5\%(10 + 10 \cdot 0,5\% + 10) = 10(1 + 0,5\%)^2 + 10(1 + 0,5\%)$.

...

Tháng 60:

$$T_{60} = 10(1 + 0,5\%) + 10(1 + 0,5\%)^2 + \dots + 10(1 + 0,5\%)^{60}$$

$$= 10(1 + 0,5\%) \cdot \frac{(1 + 0,5\%)^{60} - 1}{0,5\%} = 701; 19(\text{triệu đồng})$$

Câu 27. Hàm nguyên hàm của hàm số $f(x) = \sin x + x \ln x$

- (A) $F(x) = \cos x + \frac{x^2}{2} \ln x - \frac{x^2}{4} + C$. (B) $F(x) = \cos x + \ln x + C$.
 (C) $F(x) = \cos x + \frac{x^2}{2} \ln x - \frac{x^2}{4} + C$. (D) $F(x) = \cos x + C$.

Lời giải:

$$\int (\sin x + x \ln x) dx = \int \cos x dx + \int x \ln x dx = \cos x + \frac{1}{2} \int \ln x dx^2$$

$$= \cos x + \frac{x^2}{2} \ln x - \frac{1}{2} \int x dx = \cos x + \frac{x^2}{2} \ln x - \frac{x^2}{4} + C$$

Câu 28. Cho $\int_0^1 \frac{x dx}{(2x+1)^2} = a + b \ln 2 + c \ln 3$ với $a; b; c$ là các số hữu tỉ. Giá trị của $a + b + c$ bằng

- (A) $\frac{1}{12}$. (B) $\frac{5}{12}$. (C) $\frac{1}{3}$. (D) $\frac{1}{4}$.

Lời giải: Đặt $t = 2x + 1 \Rightarrow x = \frac{t-1}{2}; dx = \frac{1}{2} dt$. $I = \int_1^3 \frac{t-1}{4t^2} dt = \frac{1}{4} \ln t + \frac{1}{4t} \Big|_1^3 = \frac{1}{4} \ln 3 - \frac{1}{6}$ vậy

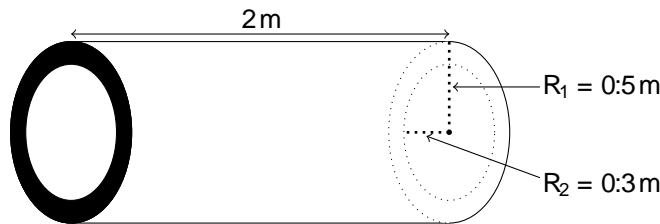
$$a + b + c = \frac{1}{12}$$

Câu 29. Trong không gian Oxyz cho mặt phẳng (P): $x + 2y + 2z - 10 = 0$. Phương trình trục hoành mặt phẳng (Q) với (Q) song song với (P) và khoảng cách giữa hai mặt phẳng (P) và (Q) bằng $\frac{7}{3}$ là

- (A) $x + 2y + 2z - 3 = 0; x + 2y + 2z - 17 = 0$. (B) $x + 2y + 2z + 3 = 0; x + 2y + 2z + 17 = 0$.
 (C) $x + 2y + 2z + 3 = 0; x + 2y + 2z - 17 = 0$. (D) $x + 2y + 2z - 3 = 0; x + 2y + 2z + 17 = 0$.

Lời giải: (Q): $x + 2y + 2z + c = 0$. $M(0; 0; 5) \in (P) \Rightarrow d(M; (P)) = \frac{7}{3}$, $\frac{|10+c|}{3} = \frac{7}{3}$, $c = -3; c = 17$.
 (Q): $x + 2y + 2z - 3 = 0$ hoặc (Q): $x + 2y + 2z + 17 = 0$.

Câu 30. Người ta kê một cột bê tông cốt thép, xi măng và sắt thép như hình vẽ bên. Thể tích bê tông trong cột là



- (A) 0; 32. (B) 0; 16. (C) 0; 34. (D) 0; 4.

Lời giải: $V = V_1 - V_2 = \pi (R_1^2 - R_2^2) \cdot l = 0; 32$.

Câu 31. Cho cấp số nhân (u_n) có tổng $u_1 + u_2 + \dots + u_n = 5$. Giá trị của $u_6 + u_8$ bằng

- (A) $2 \cdot 5^6$. (B) $2 \cdot 5^7$. (C) $2 \cdot 5^8$. (D) $2 \cdot 5^5$.

Lời giải: $u_6 + u_8 = u_1 \cdot q^5 + u_1 \cdot q^7 = 2 \cdot 5^6$

Câu 32. Cho hình chóp tứ giác đều ABCD.A'B'C'D' có $BC = a; BB' = \frac{a}{3}$. Góc giữa hai mặt phẳng (A'B'C) và (ABC'D') bằng

- (A) 60. (B) 30. (C) 45. (D) 90.

Lời giải: $(A'B'C) \perp (ABC'D') \Rightarrow (A'B'C) \perp (A'D'C)$. Góc $\angle A'D'C = 60^\circ$. Góc giữa hai mặt phẳng là 60° .

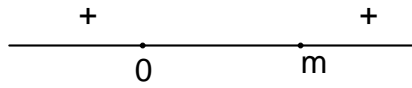
Câu 33. Tập các giá trị của tham số m để hàm số $y = \frac{x^5}{5} + \frac{mx^4}{4} + 2$ đạt cực đại tại $x = 0$ là

- (A) $m > 0$. (B) $m < 0$. (C) $m \in \mathbb{R}$. (D) Không tồn tại.

Lời giải. $y^0 = x^4 - mx^3 = x^3(x - m)$

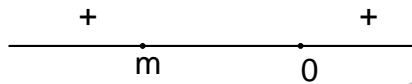
$m = 0$) $y^0 = x^4$: không có cực trị.

$m > 0$. D§ suy⁰:



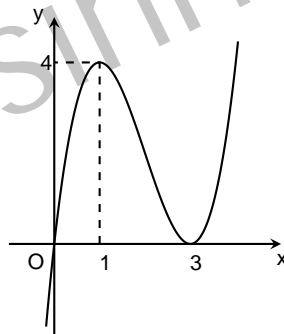
Hàm sẽ đạt cực trị tại $x = 0$ (thỏa mãn).

$m < 0$. D§ suy⁰:



Hàm sẽ đạt cực trị tại $x = m$ (không thỏa mãn).

Câu 34. Cho hàm số $y = f(x)$ liên tục trên \mathbb{R} và có thể phân tích thành $h(x) \cdot v(x)^3$



Tập hợp tất cả các giá trị thực của m để phương trình $e^{x^2} = m$ có hai nghiệm thực là

- (A) $f(0; +1)$. (B) $[0; 4]$. (C) $[4; +1)$. (D) $f(0; 4g$

Lời giải. Xét $g(x) = \frac{f(x)}{36} + \frac{1}{x+3} - 2$. Cần chứng minh: $m < g(x)$; $8x^2 \in (0; 1)$. Xét $g(x)$ trên $(0; 1)$

$g(x) = \frac{f(x)}{36} + \frac{1}{x+3} - 2$. Cần $g'(x) = \frac{f'(x)}{36} - \frac{1}{(x+3)^2} < 0$ (Do $f'(x) < 1$; $\frac{1}{(x+3)^2} < 2$).

Suy ra $g(x)$ giảm. $\lim_{x \rightarrow 1} g(x) = \frac{f(1)}{36} + \frac{1}{4} = \frac{f(1)+9}{36}$

Câu 35. Tìm tất cả các giá trị thực của m để bất phương trình

$$x^2 - 1 \leq (x - 1)x^3 + x^2 - x^2(2 - m) + x^2 - 1 \leq 0; \forall x \in \mathbb{R}$$

- (A) $m \geq 2$. (B) $m \leq \frac{1}{4}$. (C) $m \leq 6$. (D) $m \leq 1$.

Lời giải. Bất phương trình cho đúng với $(x - 1)^2 x^4 + x^3 + (2 - m)x^2 + x + 1 \leq 0; \forall x \in \mathbb{R}$.

$x = 0$ Thỏa mãn.

$x > 0$: $2 + m - x^2 + \frac{1}{x^2} + x + \frac{1}{x}$; $8x^2 > 0$, $m \geq 2$ $x + \frac{1}{x} + x + \frac{1}{x} - 2 = g(x)$. Xét

$t = x + \frac{1}{x}$ thì $t \geq 2$. v^3 bằng 0, nên thì $\lim_{t \rightarrow 2} g(t) = 2 - 0 = 2$. Suy ra $m \geq 2$.

Câu 36. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số \$m\$ để bất phương trình \$\log_2(x - 1) > \log_2(x^3 + x - m)\$ có nghiệm.

- (A) \$m \in \mathbb{R}\$. (B) \$m < 2\$. (C) \$m \geq 2\$. (D) Không tồn tại.

Lời giải: Xét, với \$x > 1\$ có \$x^3 + x - m > 1\$ khi và chỉ khi \$m < x^3 + 1 = f(x)\$.

Khảo sát \$f(x)\$, ta có bảng biến thiên:

\$x\$	1	\$+\infty\$
\$f'(x)\$		\$+\$
\$f(x)\$	2	\$+\infty\$

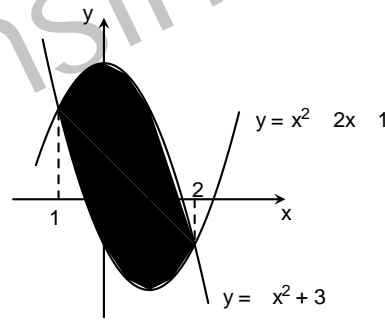
Từ bảng biến thiên suy ra \$\mathbb{R}\$. (A)

Câu 37. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số \$m\$ để phương trình \$4^x - m \cdot 2^x + 1 = 0\$ có hai nghiệm \$x_1; x_2\$ thỏa \$x_1 + x_2 = 1\$.

- (A) \$m = 2\$. (B) \$m \in \mathbb{R}\$. (C) \$m = 0\$. (D) \$m \in [2; +\infty) \cup (-\infty; 2]\$. (D)

Lời giải: Đặt \$t = 2^x\$ ta có \$t^2 - mt + 1 = 0\$. Điều kiện để phương trình có 2 nghiệm dương \$t_1, t_2\$ là \$m \geq 2\$ (khi \$m = 2\$ thì \$t_1 = t_2 = 1\$). Vì \$t_1 + t_2 = 2\$ nên \$2^{x_1} + 2^{x_2} = 2 \implies x_1 + x_2 = 0\$ (luận đảo cũng đúng). Vậy \$m \in [2; +\infty) \cup (-\infty; 2]\$. (D)

Câu 38. Cho hàm số \$f(x) = x^2 + 3\$ và hàm số \$g(x) = x^2 - 2x - 1\$ cắt nhau tại hai điểm \$A, B\$. Diện tích hình phẳng giới hạn bởi hai hàm số và trục hoành là?



Diện tích phẳng giới hạn bởi \$f(x)\$ và \$g(x)\$ bằng tích phân của trị tuyệt đối của hiệu hai hàm số trên khoảng \$[1; 2]\$.

- (A) \$I = \int_1^2 (f(x) - g(x)) dx\$. (B) \$I = \int_1^2 (g(x) - f(x)) dx\$.
 (C) \$I = \int_1^2 (f(x) + g(x)) dx\$. (D) \$I = \int_1^2 (|f(x) - g(x)|) dx\$.

Lời giải: \$f(x) \ge g(x)\$; \$8x^2 \in [1; 2]\$) \$I = \int_1^2 (f(x) - g(x)) dx\$.

Câu 39. Kết quả của phép tích phân \$\int \frac{dx}{e^x - 2e^{-x} + 1}\$ bằng?

- (A) \$\frac{1}{3} \ln \frac{e^x - 1}{e^x + 2} + C\$. (B) \$\ln \frac{e^x - 1}{e^x + 2} + C\$. (C) \$\ln(e^x - 2e^{-x} + 1) + C\$. (D) \$\frac{1}{3} \ln \frac{e^x - 1}{e^x + 2} + C\$.

Lời giải:

$$F(x) = \int \frac{de^x}{e^{2x} + e^x - 2} = \int \frac{de^x}{e^x(e^x + 1) - 2}$$

Câu 40. Trong không gian \$Oxyz\$ cho mặt phẳng \$(P): x + y + z - 3 = 0\$. Đường thẳng \$d\$ đi qua gốc tọa độ \$O\$ và song song với \$d\$ qua mặt phẳng \$(P)\$ có phương trình là?

\$d: \frac{x}{1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-2}{1}\$. Đường thẳng \$d\$ đi qua gốc tọa độ \$O\$ và song song với \$d\$ qua mặt phẳng \$(P)\$ có phương trình là?

- (A) \$\frac{x}{1} = \frac{y}{2} = \frac{z}{7}\$. (B) \$\frac{x+1}{1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z+1}{7}\$.

(C) $\frac{x-1}{1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z-1}{7}$.

(D) $\frac{x+1}{1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z+1}{7}$.

Lời giải: $I = d \setminus (P) \cap I(1; 1; 1); A(0; 1; 2) \cap d$

AH qua A và $u_{AH} = \vec{1} \Rightarrow n_p = (1; 1; 1)$ AH: $\begin{cases} x = t \\ y = 1+t \\ z = 2+t \end{cases}$ Suy ra $H(t; t-1; t-2)$. M thuộc (P)

H thuộc (P) : $\frac{2}{3} = \frac{1}{3} = \frac{8}{3}$ Ta có: $A(0; 1; 10)$ thuộc (P) $\Rightarrow \frac{0}{3} = \frac{1}{3} = \frac{10}{3}$ $\Rightarrow d: \frac{x-1}{1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z-1}{7}$

Câu 41. Cho hình chóp ABC có SA vuông góc với mặt phẳng đáy. Biết góc BAC = 30°, SA = a và BA = BC = a. Gọi D là trung điểm của BC qua AC. Khoảng cách từ B đến mặt phẳng (SCD) bằng

- (A) $\frac{\sqrt{21}}{7}a$
- (B) $\frac{\sqrt{2}}{2}a$
- (C) $\frac{2\sqrt{21}}{7}a$
- (D) $\frac{\sqrt{21}}{14}a$

Lời giải: Kẻ AH ⊥ BC. Khi đó $d(B; (SCD)) = d(A; (SCD)) = d(A; (SBC)) = \frac{SA \cdot AH}{SA^2 + AH^2} = \frac{a \cdot \frac{\sqrt{21}}{2}}{7} = \frac{\sqrt{21}}{14}a$

Câu 42. Cho hình hộp ABCD.A'B'C'D' có thể tích V, gọi M, N là hai trung điểm của MD' = 2MD; CN = 2NC, đường thẳng AM cắt đường thẳng AD' tại P, đường thẳng BN cắt đường thẳng BC' tại Q. Thể tích của khối PQNMDC' bằng

- (A) $\frac{2}{3}V$
- (B) $\frac{1}{3}V$
- (C) $\frac{1}{2}V$
- (D) $\frac{3}{4}V$

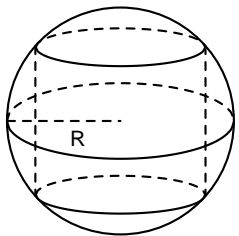
Lời giải:

$$\frac{V_{PQNMDC'}}{V} = \frac{V_{NQC'MPD'}}{V} = \frac{S_{NQC'}}{S_{BCC'B'}}$$

Ta có:

$$S_{NQC'} = 4S_{BNC} = 4 \cdot \frac{1}{3}S_{BCC'} = \frac{2}{3}S_{BCC'B'} \Rightarrow \frac{V_{PQNMDC'}}{V} = \frac{2}{3}$$

Câu 43. Thể tích lớn nhất của khối trụ nội tiếp hình cầu bằng



- (A) $\frac{4}{9}R^3\sqrt{3}$
- (B) $\frac{8}{3}R^3\sqrt{3}$
- (C) $\frac{8}{27}R^3$
- (D) $\frac{8}{9}R^3\sqrt{3}$

Lời giải: Với $P = AM \cap AD'$; $Q = BN \cap BC'$. Ta có $V = r^2h$; $h = 2\sqrt{R^2 - r^2}$ $\Rightarrow V = 2r^2\sqrt{R^2 - r^2}$
 $= \frac{2}{3} \sqrt{\frac{2r^2(2R^2 - 2r^2)}{r^2 + r^2 + 2R^2 - 2r^2}} = \frac{4}{9}\sqrt{3}R^3$

Câu 44. Tập các giá trị của tham số m để phương trình $9^x + 6^x - m \cdot 4^x = 0$ có nghiệm là

- (A) $m > 0$
- (B) $m = 0$
- (C) $m < 0$
- (D) $m = 0$

Lời giải: Đặt $t = \frac{3^x}{2} > 0$ ta có $t^2 + t - m = 0$, $m = t^2 + t = f(t)$ (cần nghiệm $mt > 0$) $\Rightarrow m > 0$.

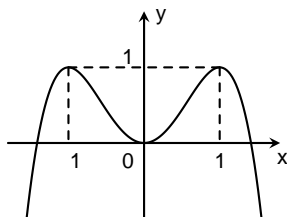
Câu 45. Trong không gian Oxyz cho A(1; 0; 0); B(0; 2; 0); C(0; 0; 1). Trục tầm của tam giác ABC là

- (A) $\frac{4}{9}; \frac{2}{9}; \frac{4}{9}$
- (B) (2; 1; 2)
- (C) (4; 2; 4)
- (D) $\frac{2}{9}; \frac{1}{9}; \frac{2}{9}$

Lời giải. (ABC): $\frac{x}{1} + \frac{y}{2} + \frac{z}{1} = 1$ (ABC): $2x + y + 2z - 2 = 0$. Từ đây ta có OABC vuông tại O)

OH? (ABC); (H) là trục trung tâm. Suy ra OH: $\begin{cases} x = 2t \\ y = t \\ z = 2t \end{cases}$ H $(\frac{4}{9}; \frac{2}{9}; \frac{4}{9})$

Câu 46. Cho hàm số $y = f(x)$. Hàm số $y = f'(x)$ có thể nhận hình vẽ



Bất phương trình $\frac{f(x)}{x+3} + \frac{2}{x-1} > m$ đúng với mọi $x \in (0; 1)$ khi và chỉ khi

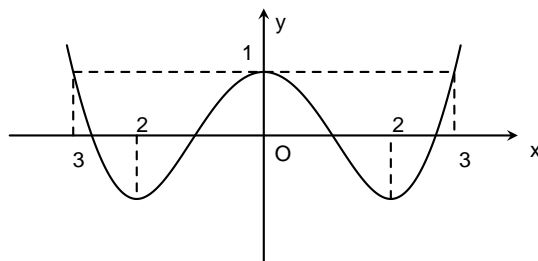
- (A) $m < \frac{f(1)+9}{36}$. (B) $m < \frac{f(1)+9}{36}$. (C) $m < \frac{f(0)}{36} + \frac{1}{3+2}$. (D) $m < \frac{f(0)}{36} + \frac{1}{3+2}$.

Lời giải.

$t = e^{x^2}$ 1. Với $t = 1$ thì $x = 0$ hoặc $x = 1$. Với $t > 1$ thì $x > 1$ hoặc $x < 0$. Xét hàm $f(t) = 1$ thì $f'(t) = 0$ khi $t = 1$ và $f''(t) > 0$ khi $t > 1$.

Để $f(t) = m$ thì $m > 1$ thì $m > 4$ hoặc $m = 0$.

Câu 47. Cho hàm số $f(x)$ có đồ thị như hình vẽ



Hàm số $y = f(2x-1) + \frac{x^3}{3} + x^2$ có hai nghiệm phân biệt trong khoảng nào sau đây

- (A) $(-1; 0)$. (B) $(-6; 3)$. (C) $(3; 6)$. (D) $(6; +1)$.

Lời giải. Ta có $y' = 2f'(2x-1) + x^2 + 2x - 2 = 0$. Nhận xét: $3 < x < 3$ ($y' > 1$; $x > 3$; $x > 3$ ($y' > 1$;

$1 < x < 0$) $3 < 2x-1 < 1$) $2f'(2x-1) + x^2 + 2x - 2 < 2$) $y' > 0$ nên hàm số tăng.

$6 < x < 3$) $13 < 2x-1 < 7$) $2f'(2x-1) + x^2 + 2x - 2 > 2$) $y' > 0$ nên hàm số tăng (loại).

Từ đó cho các trường hợp như sau.

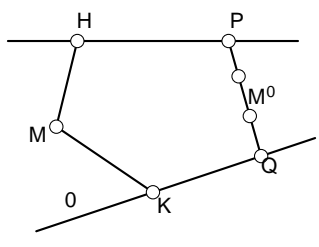
Câu 48. Trong không gian Oxyz cho A(0; 1; 2) B(0; 1; 0); C(3; 1; 1) và mặt phẳng (Q): $x + y + z - 5 = 0$. Xét điểm M thay đổi thuộc (Q). Giá trị nhỏ nhất của biểu thức $MA^2 + MB^2 + MC^2$ bằng

- (A) 12. (B) 0. (C) 8. (D) 10.

Lời giải. $T = MA^2 + MB^2 + MC^2$. Giải G: $\vec{GA} + \vec{GB} + \vec{GC} = \vec{0}$) $G(1; 1; 1)$. Khi đó $T = 3MG^2 + GA^2 + GB^2 + GC^2$) T_{\min} khi $MG = d(G; (Q)) = \frac{2}{\sqrt{3}}$) $T = 12$.

Câu 49. Trong không gian $Oxyz$ cho hai đường thẳng : $\frac{x}{1} = \frac{y}{1} = \frac{z-1}{1}$ và $\frac{x-1}{1} = \frac{y}{2} = \frac{z}{1}$. Xét điểm M thay đổi. Giả sử a, b lần lượt là khoảng cách từ M đến trục Ox và trục Oy . Biểu thức $a^2 + 2b^2$ đạt giá trị nhỏ nhất khi và chỉ khi $M(x; y; z)$. Khi đó $x + y =$

- A) $\frac{2}{3}$
- B) 0
- C) $\frac{4}{3}$
- D) $\frac{1}{2}$



Lời giải. Giả sử $H(0; 0; 1); K(1; 0; 0)$ khi đó $a = MH; b = MK$. PQ là đoạn vuông góc chung của hai trục Ox và Oy . $P(0; 0; 1); Q(1; 0; 0)$. Ta có $a + b = HK = \sqrt{2}$. $a^2 + b^2 = \frac{a^2}{1} + \frac{b^2}{\frac{1}{2}} = \frac{2}{3}(a + b)^2 = \frac{4}{3}$

Đặt $a = x; b = y$ thì khi M ở vị trí M_0 thì $\frac{1}{2}MP = MQ$ $M(\frac{2}{3}; 0; \frac{1}{3})$ $x + y = \frac{2}{3}$

Câu 50. Có 5 bạn học sinh nam và 5 bạn học sinh nữ trong đó có một bạn nữ tên Tú và một bạn nam tên Tráng. Xét người ngồi ở 10 bàn và ở một dãy 10 ghế, sao cho mỗi ghế có một người ngồi. Tính xác suất để không có hai bạn học sinh nam ngồi cạnh nhau và bạn Tú ngồi cạnh bạn Tráng.

- A) $\frac{1}{126}$
- B) $\frac{1}{252}$
- C) $\frac{1}{63}$
- D) $\frac{1}{192}$

Lời giải. Xét vị trí của Nam và Nữ: \circ . Ta có 2 trường hợp Nam, nữ xen kẽ nhau và 4 trường hợp hai bạn Nữ ngồi cạnh nhau. Trường hợp 1. Nam nữ ngồi xen kẽ nhau gồm:

- Nam phải ở vị trí: $\bullet \circ \bullet \circ \bullet \circ \bullet \circ \bullet \circ$
- Nữ phải ở vị trí: $\circ \bullet \circ \bullet \circ \bullet \circ \bullet \circ \bullet \bullet$

Trường hợp 2. Hai bạn nữ ngồi cạnh nhau: $\circ \circ \bullet \circ \bullet \circ \bullet \circ \bullet \bullet$ Hoặc

$\bullet \circ \bullet \circ \bullet \circ \bullet \circ \bullet \bullet$. Từ đây ta có thêm 2 trường hợp nữa. Các bước tiếp theo sau:

B_1 : Xét 5 bạn nam. B_2 : Xét 5 vị trí Tú - Tráng. B_3 : Xét các bạn nữ còn lại. Khi đó sẽ kết quả xét cho 2 trường hợp trên như sau:

Nam, Nữ xen kẽ nhau có $2 \cdot 9! \cdot 4!$

Hai bạn nữ ngồi cạnh nhau có $8! \cdot 4! \cdot 4!$

$$\text{Vậy } P = \frac{50 \cdot 4! \cdot 4!}{10!} = \frac{1}{126}$$